

مثال رگرسیون مرحله :

مراحل توسعه مدل رگرسیونی ارتباط میزان فشار خون با وضعیت جسمانی و نحوه زندگی افراد، اطلاعات 11 وزن و میزان خواب شبانه آنها جمع‌آوری و حالات مختلف رگرسیون با فرض این که میزان فشار خون متغیر وابسته باشد به صورت جدول صفحه بعد ارائه شده است. اگر ضرایب خطای میزان پذیرش برای ورود و خروج متغیرهای مستقل (R E) 0/1 در نظر گرفته شوند، با استفاد از روش رگرسیون مرحله‌ای مدل نهایی را ارائه نمایید.

مرحله اول توسعه مدل‌های رگرسیون یک متغیره () به شرح زیر می :

Variable	Coefficient	t Stat	P-value
Intercept	58.7055	9.0983	7.81E-06
Age	1.4632	14.2995	1.71E-07
Intercept	1.1416	0.0923	0.928459
Weight	0.7638	12.0896	7.23E-07
Intercept	180.0275	8.3488	1.57E-05
Sleep	-4.5110	-1.4118	0.19163

از نتایج مشخص است که متغیر میزان خواب نمی‌تواند وارد مدل شود و از بین دو متغیر کوچکترین مقدار P-value یا بزرگترین t مربوط به متغیر سن می . بنابراین متغیر سن به عنوان اولین متغیر ورودی انتخاب و مدل رگرسیون با متغیرهای مستقل (Age, Weight) (Age, Sleep) توسعه داده می .

Variable	Coefficient	t Stat	P-value
Intercept	30.9941	2.5950	0.031865
Age	0.8614	3.4702	0.00844
Weight	0.3349	2.5627	0.033508
Variable	Coefficient	t Stat	P-value
Intercept	60.7308	5.4835	0.000585
Age	1.4516	12.1818	1.91E-06
Sleep	-0.1960	-0.2321	0.82228

از بررسی مدل‌های دو متغیره می‌توان نتیجه گرفت که مدل انتخاب می‌گردد و به عنوان مدل نهایی باید متغیر میزان خواب به آن اضافه و بررسی گردد.

Variable	Coefficient	t Stat	P-value
Intercept	31.6866	2.1074	0.073065
Age	0.8598	3.2341	0.014369
Weight	0.3338	2.3822	0.048725
Sleep	-0.0586	-0.0871	0.933032

با بررسی مدل نهایی مشخص می‌گردد متغیر میزان خواب نمی وزن به شرح زیر مدل نهایی خواهد بود.

$$Y = 30.994 + 0.8614Age + 0.3349Weight$$

Stepwise Regression (An example)

The researchers were interested in learning how the composition of the cement affected the heat evolved during the hardening of the cement. Therefore, they measured and recorded the following data on 13 batches of cement:

Response y: Heat evolved in calories during hardening of cement on a per gram basis
 Predictor x1: % of tricalcium aluminate
 Predictor x2: % of tricalcium silicate
 Predictor x3: % of tetracalcium alumino ferrite
 Predictor x4: % of dicalcium silicate

X1	X2	X3	X4	Y	X1	X2	X3	X4	Y
7	26	6	60	78.5	1	31	22	44	72.5
1	29	15	52	74.3	2	54	18	22	93.1
11	56	8	20	104.3	21	47	4	26	115.9
11	31	8	47	87.6	1	40	23	34	83.8
7	52	6	33	95.9	11	66	9	12	113.3
11	55	9	22	109.2	10	68	8	12	109.4
3	71	17	6	102.7					

Specify an Alpha-to-Enter significance level. $\alpha_E = 0.15$.

Specify an Alpha-to-Remove significance level. $\alpha_R = 0.15$.

Making one-predictor regression models

	Coefficients	t Stat	P-value	All p-values are less than 0.15; the biggest absolute of t-stats is -4.77478 , so X4 enters as the first variable to the regression model. Three two-predictor regression models of (X1-X4; X2-X4; X3-X4) should be developed.
Intercept	81.4793442	16.53619	4.07E-09	
X1	1.868747684	3.550002	0.004552	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	57.42368296	6.763219	3.1E-05	
X2	0.789124795	4.686214	0.000665	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	110.2026563	13.86573	2.6E-08	
X3	-1.25578125	-2.09843	0.059762	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	117.5679312	22.34195	1.62E-10	
X4	-0.73816181	-4.77478	0.000576	

	Coefficients	t Stat	P-value	Predictor X2 can't be entered to the model. X1 and X3 are candidate to enter but absolute value of t-stat for X1 is the biggest. The second predictor is X1. So, X1 is added to model and two regression models of (X4, X1, X2; and (X4, X1, X3) should be examined.
Intercept	103.0973816	48.53963	3.32E-13	
X1	1.439958285	10.40307	1.11E-06	
X4	-0.61395363	-12.6212	1.81E-07	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	94.16007475	1.662808	0.127329	
X2	0.310904744	0.415312	0.686684	
X4	-0.4569419	-0.65657	0.526276	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	131.2824064	40.08909	2.23E-12	
X3	-1.19985118	-6.3478	8.38E-05	
X4	-0.72460014	-10.0179	1.56E-06	

	Coefficients	t Stat	P-value	Both predictors X2 and X3 are candidate to enter and X2 is entered (bigger absolute of t-stat), but predictor X4 should leave model because P-value is more than $\alpha=0.15$. Therefore, final predictors are X1 and X2. In this case, two regression models of (X1, X2, X3; X1, X2, X4) should be checked.
Intercept	111.6844054	24.47886	1.52E-09	
X1	1.051854159	4.7024	0.001116	
X3	-0.41004331	-2.05812	0.069692	
X4	-0.64279615	-14.4305	1.58E-07	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	71.64830697	5.066208	0.000675	
X1	1.451937963	12.40998	5.78E-07	
X2	0.416109762	2.241844	0.051687	
X4	-0.23654022	-1.36501	0.205395	

	Coefficients	t Stat	P-value	As shown, X3 and X4 can't be entered to regression model. So the final remaining predictors are X1 and X2.
Intercept	48.19363432	12.31533	6.17E-07	
X1	1.695890167	8.289537	1.66E-05	
X2	0.656914878	14.85083	1.23E-07	
X3	0.250017607	1.353561	0.208889	
	Coefficients	t Stat	P-value	
Intercept	71.64830697	5.066208	0.000675	
X1	1.451937963	12.40998	5.78E-07	
X2	0.416109762	2.241844	0.051687	
X4	-0.23654022	-1.36501	0.205395	

Model should be developed again for predictors X1 and X2 as follow:

ANOVA

	<i>df</i>	<i>SS</i>	<i>MS</i>	<i>F</i>	<i>Sig. F</i>
Regression	2	2657.85859	1328.929	229.5037	4.41E-09
Residual	10	57.9044832	5.790448		
Total	12	2715.76308			

	<i>Coefficients</i>	<i>t Stat</i>	<i>P-value</i>
Intercept	52.57734888	22.99796	5.46E-10
X1	1.468305742	12.10465	2.69E-07
X2	0.662250491	14.44236	5.03E-08

Final regression equation: $Y = 52.577 + 1.468X_1 + 0.662X_2$